

Документ подписан простой электронной подписью
Информация о владельце:
ФИО: Егорова Галина Викторовна
Должность: Проректор по учебной работе
Дата подписания: 08.12.2022 13:55:55
Уникальный программный ключ:
4963a4167398d8232817460cf5aa76d186dd7c25

Министерство образования Московской области
Государственное образовательное учреждение высшего образования Московской области
«Государственный гуманитарно-технологический университет»

Утверждаю
Проректор



«26» мая 2022 г.

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ

Б1.О.07.09
МАТЕМАТИКА

Направление подготовки: 44.03.01 Педагогическое образование

Направленность (профиль) программы: Начальное образование

Квалификация выпускника: бакалавр

Форма обучения: заочная

Орехово-Зуево

2022 г.

1. ПОЯСНИТЕЛЬНАЯ ЗАПИСКА

Рабочая программа дисциплины составлена на основе учебного плана 44.03.01 Педагогическое образование по профилю Начальное образование 2022 года начала подготовки (заочная форма обучения).

При реализации образовательной программы университет вправе применять дистанционные образовательные технологии.

2. ПЕРЕЧЕНЬ ПЛАНИРУЕМЫХ РЕЗУЛЬТАТОВ ОБУЧЕНИЯ ПО ДИСЦИПЛИНЕ, СООТНЕСЕННЫХ С ПЛАНИРУЕМЫМИ РЕЗУЛЬТАТАМИ ОСВОЕНИЯ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЙ ПРОГРАММЫ

Цели дисциплины

Целью освоения дисциплины «Математика» является формирование у обучающихся общепрофессиональных компетенций, необходимых для осуществления профессиональной деятельности в начальной школе.

Задачи дисциплины:

- формирование системы знаний и умений обучающихся, связанных со спецификой содержания курса математики,
- стимулирование самостоятельной деятельности обучающихся по освоению содержания дисциплины и формированию необходимых компетенций,
- развитие математической культуры обучающихся,
- приобретение опыта применения математических знаний и математического моделирования для решения учебно-практических задач.

Знания и умения обучающегося, формируемые в результате освоения дисциплины.

В результате изучения дисциплины «Математика» студент должен обладать следующими компетенциями:	Коды формируемых компетенций
Общепрофессиональные компетенции	
Способен осуществлять педагогическую деятельность на основе специальных научных знаний	ОПК-8

Индикаторы достижения компетенций

Категория (группа) общепрофессиональных компетенций	Код и наименование компетенции	Наименование индикатора достижения компетенции
Научные основы педагогической деятельности	ОПК-8 Способен осуществлять педагогическую деятельность на основе специальных научных знаний	ОПК-8.1. Применяет методы анализа педагогической ситуации, профессиональной рефлексии на основе специальных научных знаний, в том числе в предметной области. ОПК-8.2. Проектирует и осуществляет учебно-воспитательный процесс с опорой на знания предметной области, психолого-педагогические знания и научно-обоснованные закономерности организации образовательного процесса.

3. МЕСТО ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ) В СТРУКТУРЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЙ ПРОГРАММЫ

Дисциплина Б1.О.06.02 «Математика» относится к дисциплинам Предметно-теоретического модуля по Начальному образованию обязательной части учебного плана.

Знания данного курса необходимы прохождения государственной итоговой аттестации.

4. СТРУКТУРА И СОДЕРЖАНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

	Наименование разделов, тем	Курс, сессия	Всего часов	Виды учебной работы				Промежуточная аттестация
				Контактная работа			Самостоятельная работа	
				Всего	Лекции	Практические		
1.	Раздел 1.	1к., летняя	108	18	10	8	90	
	Тема 1. Множества и операции над ними.		54	10	6	4	44	
	Тема 2. Математические предложения. Математические доказательства.		54	8	4	4	46	
		2к., зимняя	36				27	9 (Экзамен)
2.	Раздел 2.	2к., летняя	108	18	10	8	90	
	Тема 3. Аксиоматическое построение системы натуральных чисел.		52	6	4	2	46	
	Тема 4. Теоретико-множественный подход к построению системы целых неотрицательных чисел		56	12	6	6	44	
		3к., зимняя	36				27	9 (Экзамен)
3.	Раздел 3.	3 к., летняя	72	14	8	6	58	

	Тема 5. Делимость натуральных чисел.		28	6	4	2	22	
	Тема 6. Положительные рациональные числа.		24	4	2	2	20	
	Тема 7. Действительные числа.		20	4	2	2	16	
		4 к., зимняя	36				27	9 (Экзамен)
4.	Раздел 4.	4 к., летняя	18	26	10	14	84	
	Тема 8. Геометрические фигуры.		56	14	6	8	42	
	Тема 9. Геометрические величины.		52	10	4	6	42	
		5 к., зимняя	36				27	9 (Экзамен)
	ИТОГО		540	74	38	36	430	36

Содержание дисциплины, структурированное по темам (разделам)

Лекционные занятия

Тема 1. Множества и операции над ними.

Понятие множества и элемента множества. Способы задания множеств. Отношения между множествами. Виды множеств: конечные, бесконечные, пустое, универсальное. Круги Эйлера. Пересечение множеств. Объединение множеств. Свойства пересечения и объединения множеств. Вычитание множеств. Дополнение множества. Понятие разбиения множества на классы. Декартово произведение множеств. Число элементов в объединении и разности конечных множеств. Число элементов в декартовом произведении конечных множеств.

Тема 2. Математические предложения. Математические доказательства.

Высказывания и высказывательные формы. Конъюнкция и дизъюнкция высказываний. Конъюнкция и дизъюнкция высказывательных форм. Высказывания с кванторами. Отрицание высказываний и высказывательных форм. Отношения следования и равносильности между предложениями. Структура теоремы. Необходимое и достаточное условия. Виды теорем. Способы доказательства теорем.

Тема 3. Аксиоматическое построение системы натуральных чисел.

Из истории возникновения понятия натурального числа. Об аксиоматическом способе построения теории. Основные понятия и аксиомы. Определение натурального числа. Аксиоматика Пеано. Сложение натуральных чисел. Умножение натуральных чисел. Таблицы сложения и умножения. Законы сложения и умножения. Упорядоченность множества натуральных чисел. Вычитание натуральных чисел. Вычитание числа из суммы и суммы из числа. Деление натуральных чисел. Невозможность деления на нуль. Деление суммы, произведения и частного на число. Деление с остатком. Теорема о единственности частного и

остатка. Множество целых неотрицательных чисел. Свойства множества целых неотрицательных чисел. Метод математической индукции. Количественные натуральные числа. Счет.

Тема 4. Теоретико-множественный подход к построению системы целых неотрицательных чисел.

Теоретико-множественный смысл натурального числа, нуля и отношения «меньше». Теоретико-множественный смысл суммы, ее существование и единственность. Законы сложения. Теоретико-множественный смысл разности, ее существование и единственность. Теоретико-множественный смысл произведения. Законы умножения. Теоретико-множественный смысл частного натуральных чисел, его существование и единственность.

Тема 5. Делимость натуральных чисел.

Отношение делимости и его свойства. Делимость суммы, разности и произведения целых неотрицательных чисел. Признаки делимости. Простые числа. Составные числа. Бесконечность множества простых чисел. Способы определения простого числа. Свойства делимости на простое число. Общие кратные, наименьшее общее кратное. Общие делители, наибольший общий делитель. Взаимно-простые числа. Свойства наименьшего общего кратного и наибольшего общего делителя. Признак делимости на составное число. Основная теорема арифметики о разложении натурального числа в произведение простых множителей. Способы нахождения наибольшего общего делителя и наименьшего общего кратного чисел.

Тема 6. Положительные рациональные числа.

Понятие дроби. Принцип расширения числового множества. Положительные рациональные числа. Рациональное число как класс равносильных дробей. Теорема о единственности несократимой дроби в классе равносильных дробей. Множество положительных рациональных чисел как расширение множества натуральных чисел. Отношение равенства и порядка во множестве рациональных чисел. Арифметические действия над рациональными числами и их свойства. Запись положительных рациональных чисел в виде десятичных дробей. Бесконечные периодические десятичные дроби.

Тема 7. Действительные числа.

Несоизмеримость стороны квадрата с его диагональю. Возникновение и получение чисел, отличных от рациональных. Иррациональные числа. Арифметические действия над положительными бесконечными непериодическими десятичными дробями. Законы этих действий. Множество действительных чисел и его свойства.

Тема 8. Геометрические фигуры.

Свойства геометрических фигур на плоскости. Возникновение геометрии. Геометрическая фигура как множество точек плоскости. Евклидова геометрия, ее основные понятия, аксиоматика. Углы. Параллельные и перпендикулярные прямые. Треугольники. Четырехугольники. Многоугольники. Окружность.

Тема 9. Геометрические величины.

Величина как одно из свойств предметов окружающего мира. Аддитивно-скалярные величины. Аксиоматика аддитивно-скалярных величин. Понятие длины отрезка и ее измерение. Длина отрезка, ее свойства. Единицы измерения длины отрезка. Исторические сведения о мерах длины. Понятие площади фигуры и ее измерение. Понятие площади фигуры. Прямое и косвенное измерение площади фигуры. Палетка. Площади треугольника, четырехугольников различных видов. Свойства площади. Единицы измерения площади.

Содержание практических занятий

Тема 1. Множества и операции над ними.

Учебные цели: объяснить суть понятий: множество, элемент множества, способы задания множеств; научить выполнять операции над множествами; научить выполнять прямое (декартово) произведение множеств.

Основные термины и понятия:

Множество. Пересечение, объединение, разность множеств. Декартово произведение множеств.

Типовые задания:

1. Изобразите на числовой прямой следующие множества:

$$1) A = \{ x \mid x \in \mathbb{N} \wedge x \leq 3 \}; \quad B = \{ x \mid x \in \mathbb{R} \wedge -1 \leq x < 5 \}.$$

$$2) A = \{ x \mid x \in \mathbb{N} \wedge x < 12 \}; \quad B = \{ x \mid x \in \mathbb{R} \wedge -3 \leq x \leq 2 \}.$$

2. Даны множества A и B . Найдите пересечение, объединение и разность этих множеств если:

$$а) A = \{y; т; ю; г\}, B = \{т; ю; ф; я; к\};$$

$$б) A = \{ф; а; р; т; у; к\}, B = \{р; у; б; а; н; о; к\};$$

3. Найдите декартово произведение множеств A и B и изобразите его на координатной плоскости:

$$1) A = \{ x \mid x \in \mathbb{N} \wedge 3 < x < 7 \}, B = \{ y \mid y \in \mathbb{N} \wedge 4 \leq y \leq 9 \}.$$

$$2) A = \{ x \mid x \in \mathbb{R} \wedge 3 < x < 7 \}, B = \{ y \mid y \in \mathbb{N} \wedge 2 < y \leq 8 \}.$$

Тема 2. Математические предложения. Математические доказательства.

Учебные цели: познакомить с высказываниями и высказывательными формами, рассмотреть правила определения значения истинности составного высказывания, нахождения множества истинности составных высказывательных форм, познакомить с понятием теорема, ее структурой и видами.

Основные термины и понятия:

Высказывание, предикат. Конъюнкция, дизъюнкция, импликация, эквиваленция, отрицание высказываний высказывательных форм. Высказывания с кванторами. Структура теоремы.

Виды теорем.

Типовые задания:

1. Составьте таблицу истинности для следующей формулы:

$$а) A \vee (B \wedge C);$$

$$б) \bar{A} \wedge (B \vee C);$$

$$в) A \wedge (B \Rightarrow \bar{C});$$

$$г) (A \Rightarrow B) \Leftrightarrow \bar{C}.$$

2. На множестве $A = \{ 1, 2, 3, \dots, 10 \}$ заданы предикаты: $A(x)$: x - не делится на 5;

$B(x)$: x - число четное; $C(x)$: x - число простое; $D(x)$: x - число, кратное 3.

Найдите множество истинности заданных предикатов.

$$1) A(x) \wedge B(x); A(x) \Rightarrow C(x); D(x) \vee C(x).$$

$$2) B(x) \wedge C(x); C(x) \Rightarrow D(x); C(x) \vee A(x).$$

3. Дана теорема «Вертикальные углы равны». Сформулируйте обратную и противоположную теоремы.

4. Выделите условие и заключение в теоремах:

- В подобных треугольниках высоты соотносятся как сходственные стороны.
- В правильный многоугольник можно вписать окружность

Тема 3. Аксиоматическое построение системы натуральных чисел.

Учебные цели: рассмотреть подход к построению системы натуральных чисел, основанный на аксиоматике Пеано

Основные термины и понятия:

Аксиоматический способ построения теории. Аксиомы Пеано. Метод математической индукции. Деление с остатком.

Типовые задания:

1. Запишите коммутативный и ассоциативный законы умножения. Докажите их.
2. Сформулируйте условие существования разности во множестве \mathbb{N} и докажите его.
3. Докажите с помощью метода математической индукции, что данные утверждения верны для любого натурального n :

$$\begin{aligned} \text{а) } 1 + 2 + 3 + \dots + n &= \frac{n(n+1)}{2} ; \\ \text{б) } 1 + 4 + \dots + (3n-2) &= \frac{n(3n-1)}{2} . \end{aligned}$$

Тема 4. Теоретико-множественный подход к построению системы целых неотрицательных чисел.

Учебные цели: рассмотреть теоретико-множественный подход к построению системы натуральных чисел

Основные термины и понятия:

Теоретико-множественный смысл натурального числа. Сумма, разность, частное, произведение целых неотрицательных чисел.

Типовые задания:

1. Решите задачу и обоснуйте выбор действия, опираясь на теоретико-множественную терминологию.

* Таня нашла 12 грибов, Коля - в три раза меньше, чем Таня, а Сережа нашел на 2 гриба больше, чем Коля. Во сколько раз больше грибов оказалось у Тани, чем у Сережи?

*Миша нашел 8 грибов, а Коля - на 4 больше, чем Миша. Таня нашла в два раза меньше грибов, чем Коля. На сколько меньше грибов нашла Таня по сравнению с Колей?

2. Объясните, на основе каких законов произведены преобразования:

$$1) 279 + 320 + 621 = 279 + (320 + 621) = 279 + (621 + 320) = (279 + 621) + 320.$$

$$2) 164 + 321 + 336 = 164 + (321 + 336) = 164 + (336 + 321) = (164 + 336) + 321.$$

Тема 5. Делимость натуральных чисел.

Учебные цели: определить понятия: делитель, доказать теоремы о свойствах делимости и признаках делимости, простое составное число, НОК и НОД чисел

Основные термины и понятия:

Делители и кратные. Признаки делимости. Простые и составные числа. НОД и НОК чисел.

Типовые задания:

1. Не находя суммы, установите, делится ли она на 9

$$222111+25308+28054$$

$$222003+13721$$

2. Известно, что число a кратно 19. Является ли кратным 19 число:

$$a+19$$

$$2a+32$$

$$6a-38$$

3. Найдите НОД и НОК чисел a и b , используя каноническое разложение на простые множители:

$$1) (646, 1652); \quad 2) (362, 646);$$

$$3) (1242, 824); \quad 4) (236, 152).$$

4. Найдите наибольший общий делитель, используя алгоритм Евклида.

- 1) (960, 17550); 2) (17550, 41650).

Тема 6. Положительные рациональные числа.

Учебные цели: расширить знания о понятиях: дробь, положительное рациональное число; рассмотреть арифметические действия и их свойства на множестве рациональных чисел

Основные термины и понятия:

Дробь, положительное рациональное число, сумма, разность, частное, произведение положительных рациональных чисел. Бесконечные периодические десятичные дроби.

Типовые задания:

1. Вычислите: $\frac{9,4 - 5, (769230) \cdot (0,51 + 3,234 : 3,08)}{(259/360 - 37/63 - 11/70) : 1,16 - 0,425}$
2. Докажите ассоциативный закон умножения положительных рациональных чисел.

Тема 7. Действительные числа.

Учебные цели: расширить знания о понятиях: иррациональное число, действительное число; рассмотреть арифметические действия и их свойства на множестве действительных чисел

Основные термины и понятия:

Иррациональное число. Действительное число. Сумма, разность, частное, произведение действительных чисел. Периодические дроби.

Типовые задания:

1. Найдите первых три десятичных знака числа $2/7$.
2. Запишите приближенные значения числа 3,1415 по недостатку и избытку с точностью до 0,01 и 0,001 знаков.

Тема 8. Геометрические фигуры.

Учебные цели: углубить знания о геометрических фигурах и их свойствах

Основные термины и понятия:

Геометрические фигуры. Равновеликость и равносторонность геометрических фигур.

Типовые задания:

1. Периметр прямоугольника равен P см, расстояние от точки пересечения диагоналей до одной стороны прямоугольника больше, чем расстояние этой точки до другой стороны, на a см.

Найдите площадь S прямоугольника, если:

- 1) $P = 52$ см, $a = 7$ см.; 6) $P = 84$ см, $a = 4$ см.;
- 2) $P = 48$ см, $a = 2$ см.; 7) $P = 56$ см, $a = 3$ см.;

Тема 9. Геометрические величины.

Учебные цели: уточнить знания о понятиях длина отрезка, площадь фигуры, способах вычисления площади

Основные термины и понятия:

Величина. Однородные скалярные величины. Геометрические величины. Зависимость между величинами.

Типовые задания:

1. Выберите три неравных отрезка a , b , c и постройте отрезок d , равный:

- 1) $d = a + b + 2c$; 6) $d = b + 2a - 2c$;
- 2) $d = 2a + b - c$; 7) $d = 3a + 2b + c$;
- 3) $d = 2a - b + c$; 8) $d = 3a + b - c$;

2. Установить в какой зависимости находятся величины в задаче, решите задачу различными способами.

Для перевозки груза нужно 15 трехтонных машин. Сколько потребуется для перевозки этого же груза пятитонных машин?

САМОСТОЯТЕЛЬНОЙ РАБОТЫ, ОБУЧАЮЩИХСЯ ПО ДИСЦИПЛИНЕ (МОДУЛЮ)

Для организации самостоятельной работы обучающихся используется литература;

1. Виноградова, Е.П. Математика/ Е.П. Виноградова; науч. ред. Т. Уткина. - 2-е изд., стер. - Москва: Издательство «Флинта», 2014.

Режим доступа: URL: <http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=363458>.

2. Балдин, К.В. Математика: учебное пособие / К.В. Балдин, В.Н. Башлыков, А.В. Рукосуев. - М.: Юнити-Дана, 2015.

Режимдоступа: <URL://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=114423>

3. Кучер, Т. П. Математика. Тесты: учеб. пособие для прикладного бакалавриата/ Т. П. Кучер. — 2-е изд., испр. и доп. — М.: Издательство Юрайт, 2018. — 541 с.

Режим доступа : www.biblio-online.ru/book/2101ADEF-F8F3-46D4-8CB4-6BD9EBB57.

Задания для организации самостоятельной работы обучающихся.

Тема 1. Множества и операции над ними

Вопросы для самоконтроля:

1. Перечислите виды множеств и способы задания множеств.
2. Сформулируйте определение подмножества. Приведите примеры.
3. Сформулируйте определение равенства множеств. Приведите примеры.

Сформулируйте определение пересечения множеств. Приведите примеры.

4. Сформулируйте определение объединения множеств. Привести примеры.
5. Сформулируйте определение разности множеств. Приведите примеры.

6. Перечислите свойства объединения двух множеств. Проиллюстрируйте на кругах

Эйлера.

7. Перечислите свойства пересечения двух множеств. Проиллюстрируйте на кругах

Эйлера.

8. Перечислите свойства разности двух множеств. Проиллюстрируйте на кругах

Эйлера.

9. Подберите задания, раскрывающие понятие множества в начальном курсе математики.

Задания:

1. Дано: $A = \{x \in Z | -2 < x < 3\}$, $B = (2; 5)$, $C = (-2, 3)$.

Найти: 1) $(B \setminus C) \setminus A$, 2) $(C \cap B) / (C \cap A)$

2. Изобразите при помощи кругов Эйлера отношения между множествами А, В и С, если:

а) $A = \{k, l, m, n, o, p, c, d\}$, $B = \{m, n, o, p\}$, $C = \{m, n\}$.

3. Известно, что в множестве А содержится 5 элементов, в множестве В – 4 элемента, в множестве С – 6 элементов. Сколько упорядоченных наборов из трех элементов будет в декартовом произведении данных множеств?

4. Число элементов в декартовом произведении t конечных множеств можно найти следующим образом: $n(A_1 \times A_2 \times \dots \times A_t) = n(A_1) \cdot n(A_2) \cdot \dots \cdot n(A_t)$. Объясните, что обозначают все символы в этой записи.

5. Назовите все множества, о которых идет речь в задаче, и изобразите их при помощи кругов Эйлера:

а) У Маши в пенале две авторучки и три карандаша. Сколько всего предметов в пенале у Маши?

б) У Саши было 4 машинки. В день рождения ему подарили еще 3 машинки. Сколько машинок стало у Саши?

6. О какой операции и над какими множествами идет речь в следующих задачах:

а) Мама нашла 7 подосиновиков, 5 из них она отдала Коле. Сколько подосиновиков осталось у мамы?

б) В библиотеке было 70 учебников по математике. После того как часть из них раздали учащимся, в библиотеке осталось 45 учебников. Сколько учебников по математике раздали школьникам?

Рекомендации: обратить внимание на определение базовых понятий (пересечение, объединение, разность множеств), а также выполнение упражнений, приведенных в качестве примера во время изложения теоретического материала на лекции; при необходимости проиллюстрировать операции над множествами кругами Эйлера.

Тема 2. Математические предложения. Математические доказательства.

Вопросы для самоконтроля:

1. Какие предложения называют теоремами?
2. Какова логическая структура теоремы?
3. Что значит доказать теорему?
4. Дайте определение высказывания. Приведите примеры.
5. Дайте определение логическим операциям? Постройте таблицы истинности.
6. Приведите примеры заданий из учебников математики для начальной школы, в которых рассматриваются логические связки.

Задания:

1. Запишите следующие высказывания в виде формул с кванторами, предварительно введя обозначения для используемых предикатов:

- а) Некоторые реки впадают в Каспийское море.
- б) Все люди знают, что Земля круглая.
- в) По крайней мере, одно целое число делится на 8

2. Построить таблицу истинности для каждой из следующих формул:

- а) $(\neg p \vee q) \wedge ((p \rightarrow \neg q) \rightarrow r)$,
- б) $(p \vee q \rightarrow \neg r) \rightarrow p \vee r$,
- в) $(p \rightarrow \neg q) \vee \neg p \rightarrow \neg q$,

3. Для данной теоремы «Всякий параллелограмм имеет центр симметрии» сформулируйте обратную и противоположные теоремы.

4. Какие из нижеприведенных понятий являются родовыми по отношению к понятию «треугольник»:

- а) многоугольник; б) равносторонний треугольник; в) геометрическая фигура?

5. Выявите структуру высказывания, постройте его отрицание, определите значение истинности данного высказывания и его отрицания:

- а) Некоторые числа кратны 7.
- б) Существует ромб, в котором диагонали равны.
- в) Во всяком параллелограмме диагонали равны.

6. Среди следующих предложений, рассматриваемых в начальном курсе математики, укажите высказывания и определите их значение истинности: а) $(12-7) \cdot (6+3) = 45$; б) $(15+12) : 3 > 10$; в) в любом прямоугольнике противоположные стороны равны; г) $(12-x) \cdot 4 = 24$; д) среди четырехугольников есть такие, у которых все стороны равны; е) число z – двузначное; ж) произведение чисел 4070 и 8 меньше, чем сумма чисел 18396 и 14174; з) число 6 является корнем уравнения $(12-x) \cdot 4 = 24$.

Рекомендации: изучить рекомендованную преподавателем литературу, проанализировать различные подходы к решению практических задач, подобрать задания по математике из действующих учебников для начальной школы по данной теме, произвести их анализ.

Тема 3. Аксиоматическое построение системы натуральных чисел.

Вопросы для самоконтроля:

1. В чем суть аксиоматического способа построения теории?
2. Верно ли, что аксиома – это предложение, которое не требует доказательства?
3. Дайте определение сложению натуральных чисел.
4. Перечислите свойства сложения натуральных чисел.

5. Дайте определение умножения натуральных чисел.
6. Перечислите свойства умножения натуральных чисел.
7. Сформулируйте определение отношения $a > c$.

Задания:

1. Используя определение сложения, найдите значение выражений:

$$2+3 \quad 3+3 \quad 4+3$$

2. Доказать, используя метод математической индукции, что при каждом натуральном n справедливо равенство:

$$1 \cdot 4 + 2 \cdot 7 + 3 \cdot 10 + \dots + n(3n+1) = n(n+1)^2$$

3. Покажите на примерах, что определение умножения в аксиоматической теории натуральных чисел приводит к процедуре нахождения произведения как суммы равных слагаемых.

4. Используя определение произведения и частного, покажите, что $12:3=4$ $5*4=20$

5. Какие свойства сложения и известные значения сумм использует ученик, вычисляя значение суммы $6 + 7$ «по частям»: $6 + 7 = 6 + (4 + 3)$.

Рекомендации: повторить исходные понятия аксиоматической теории натуральных чисел, при выполнении упражнений приводить обоснование своих действий (указать правила, по которому выполнялись действия), подобрать задания по математике из действующих учебников для начальной школы по данной теме, произвести их анализ.

Тема 4. Теоретико-множественный подход к построению системы целых неотрицательных чисел.

Вопросы для самоконтроля:

1. В чем суть теоретико-множественно способа построения теории?
2. Дайте определение натуральному числу с теоретико-множественно точки зрения?
3. Дайте определение сложению натуральных чисел.
4. Каков теоретико-множественный смысл суммы $3+5$, $0+4$.
5. Дайте определение умножения натуральных чисел.
6. Объясните с теоретико-множественной точки зрения смысл выражений:
 $8-3$, $8 \cdot 3$, $10:2$.

Задания:

1. Используя теоретико-множественный подход к числу показать, что:

$$7+3=11 \quad 12-4=8 \quad 5 \cdot 3=15 \quad 7 < 9$$

2. Используя теоретико-множественный подход к числу, объясните, что $8 = 8$.

3. Используя определение частного чисел, покажите (двумя способами), что
 $12:3=4$ $18:2=9$

4. Изобразите с помощью кругов Эйлера отношения между множествами А и В, рассматриваемыми в определении сложения.

5. Обоснуйте с теоретико-множественной позиции выбор действия:

а) Строили снежную крепость 18 девочек, их на 3 меньше, чем мальчиков. Сколько мальчиков строило крепость?

б) В вазе лежало 9 груш, их было на 3 больше, чем яблок. Сколько яблок лежало в вазе?

6. Составьте задачи разных видов по выражению $13 - 8$.

Рекомендации: повторить исходные понятия количественной теории натуральных чисел, при выполнении упражнений приводить обоснование своих действий (указать правила, по которому выполнялись действия), подобрать задания из действующих учебников по математике для начальной школы по данной теме, произвести их анализ.

Тема 5. Делимость натуральных чисел.

Вопросы для самоконтроля:

1. Объясните, почему число 5 является делителем числа 60.

2. Докажите признаки делимости на 5, на 3.
3. Сформулируйте признак делимости на 9.
4. Какое число называется простым? составным?
5. Дайте определение НОД, НОК чисел.
6. Перечислите способы нахождения НОД двух чисел.
7. Докажите, что число 225261 является кратным числа 729.

Задания:

1. Не выполняя вычислений, установите делится ли значение выражения на 4:
 $284+1440+113$
 $284+1440+792224$
 $284+1441+113+164$.

2. Докажите, что каждое число вида $7aa7$ делится на 11.
3. Покажите, что числа 139, 331 являются простыми, а 870, 819 не являются.
4. Найдите НОД и НОК чисел 120 и 280, 4213 и 329.

Рекомендации: повторить основные понятия делимости натуральных чисел (простые, составные числа, признаки делимости), изучить рекомендованную преподавателем литературу, проанализировать различные подходы к решению практических задач.

Тема 6. Положительные рациональные числа.

Вопросы для самоконтроля:

1. Перечислите свойства множества рациональных чисел.
2. Дайте определение понятию дроби.
3. Какая дробь называется правильной, неправильной?
4. Какие дроби называют равными?
5. Дайте определение суммы, разности двух дробей с разными знаменателями.
6. Дайте определение произведению, частному двух дробей с разными знаменателями.
7. Какими свойствами обладает сложение и вычитание рациональных чисел?
8. Какими свойствами обладает умножение и деление рациональных чисел?
9. Какая дробь называется периодической?
10. Приведите пример перевода периодической дроби в обыкновенную.

Задания:

1. Запишите числа 7,11; 0,45; 13,745 в виде несократимых обыкновенных дробей.
2. Выполните действия

$$\left(3\frac{7}{18} - 2\frac{25}{36} + \frac{7}{48}\right) \cdot 6\frac{6}{11} + 1,5 \cdot 20,15 : 2\frac{1}{2} - 10,09$$

- 3.

Числа: 0,4; 2,0021; 4,5342; 43,173 запишите в виде суммы по данному образцу:

$$457,238 = 4 \cdot 100 + 5 \cdot 10 + 7 + 2/10 + 3/100 + 8/1000.$$

4. Решите задачу арифметическим и алгебраическим способами

Пешеход должен был пройти некоторое расстояние, чтобы прибыть на место к назначенному сроку. Пройдя 6 км за 2 часа, он рассчитал, что опоздает на $1/3$ часа, если пойдет и дальше с той же скоростью. Увеличив свою скорость на $1/2$ км/ч, пешеход прибыл к месту назначения на $2/3$ часа раньше срока. Какое расстояние должен был пройти пешеход?

Рекомендации: повторить понятие рационального числа, свойства арифметических действий над дробями, изучить рекомендованную преподавателем литературу, проанализировать различные подходы к решению практических задач.

Тема 7. Действительные числа.

Вопросы для самоконтроля:

1. Приведите примеры иррациональных чисел.

2. Перечислите свойства множества действительных чисел.
3. Какими свойствами обладает сложение действительных чисел?
4. Какими свойствами обладает умножение действительных чисел?
5. Можно ли множество действительных чисел разбить на два класса: рациональные и иррациональные числа?

Задания:

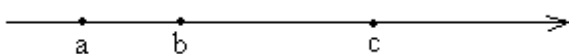
1. Найдите приближенные значения выражений $\sqrt{13}-\sqrt{5}$ $\sqrt{19} : \sqrt{7}$
с точностью до 3 знака

2. Вычислить

$$\frac{(0,666... + \frac{1}{3}) : 0,25}{0,12333... : 0,0925} + 12,5 \cdot 0,64.$$

3. Даны два выражения: $1/2 + 3/4 + 5/6$ и $1/2 \cdot 3/4 \cdot 5/6$. Значение какого выражения больше?

4. На координатной прямой отмечены числа a, b, c.



Из следующих утверждений выберите верное.

- 1) $a - c > 0$ 2) $c - a < 0$ 3) $a - b < 0$ 4) $b - c > 0$

Рекомендации: повторить свойства арифметических действий с действительными числами, изучить рекомендованную преподавателем литературу, проанализировать различные подходы к решению практических задач на сравнение иррациональных чисел, выполнение арифметических действий.

Тема 8. Геометрические фигуры

Вопросы для самоконтроля:

1. Какие углы называют развернутыми, вертикальными, плоскими, прямыми?
2. Какой угол образуют биссектрисы вертикальных углов?
3. Как установить равенство треугольников?
4. Что называют средней линией треугольника?
5. Назовите пять свойств параллелограмма.
6. Может ли диагональ параллелограмма равняться его стороне?
7. Сформулируйте определение простой замкнутой ломаной и постройте такую фигуру.
8. Перечислите этапы решения задач на построение.
9. По каким данным можно построить равнобедренный треугольник?
10. Дайте определение луча. Может это определение быть основой для формирования у младших школьников представлений об отрезке и луче?

Задания:

1. Площадь треугольника ABC равна 12. KM – средняя линия треугольника ABC. Найдите площадь трапеции SBKM. Сколько можно построить параллелограммов с вершиной в трех данных точках, не лежащих на одной прямой?

2. Существует ли прямоугольный треугольник со сторонами: 5 см, 4 см и 9 см? А треугольник со сторонами 3 см, 5 см и 6 см?

3.

Каков вид треугольника, если:

- а) один из его углов больше суммы двух других углов;
- б) сумма любых его двух углов больше 90° ?

Рекомендации: проанализировать логическую структуру определений понятий геометрических фигур: отрезка, луча, треугольника, параллелограмма, прямоугольника, ромба, квадрата, окружности и круга; изучить рекомендованную преподавателем литературу, проанализировать различные подходы к решению практических задач (на доказательства, вычисления, построения), подобрать задания по математике из действующих учебников для

начальной школы по данной теме, произвести их анализ.

Тема 9. Геометрические величины.

Вопросы для самоконтроля:

1. Общее понятие величины? Длина отрезка как величина, измерение длины отрезка?
2. Стандартные единицы измерения длины, соотношения между ними?
3. Площадь плоской фигуры как величина? Стандартные единицы измерения площади, соотношения между ними?
4. Объем пространственной фигуры как величина? Стандартные единицы измерения объема, соотношения между ними?

Задания:

1. Длина отрезка АВ равна 12 м. Чему будет равно значение длины отрезка, если единицу длины увеличить в 3 раза, уменьшить в 4 раза? Ответ поясните.
2. Площадь фигуры F равна сумме площадей фигур F1 и F2. Значит ли это, что фигура F составлена из фигур F1 и F2?
3. Точки С, А, В, О и Р лежат на одной прямой так, что $AC = CB = 6$ дм, $OC = 0,8$ дм, $CP = 27$ см. Найдите длины отрезков AP и OB в дециметрах.
4. ABCD – прямоугольник, точка К – середина CD, точка L – середина BC, точка М – середина AD, точка N – середина АВ. Какую часть от площади прямоугольника составляют площади таких фигур: а) ABD; б) АВМ; в) ABDK; г) KLMN?
5. Подберите из учебника математики для начальной школы упражнения, в процессе выполнения которых младшие школьники усваивают понятия: периметр, площадь.

Рекомендации: повторить понятие положительной величины, свойства величин, изучить рекомендованную преподавателем литературу, проанализировать различные подходы к решению практических задач, связанные с измерением длин отрезков, площадей фигур, объемов тел; построением фигур; подобрать задания по математике из действующих учебников для начальной школы, связанные с понятием длины, площади, объема; произвести их анализ.

6. ФОНД ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ ДЛЯ ПРОВЕДЕНИЯ ПРОМЕЖУТОЧНОЙ АТТЕСТАЦИИ ОБУЧАЮЩИХСЯ ПО ДИСЦИПЛИНЕ (МОДУЛЮ)

Фонд оценочных средств для проведения текущего контроля знаний, промежуточной аттестации приведен в приложении.

7. ПЕРЕЧЕНЬ ОСНОВНОЙ И ДОПОЛНИТЕЛЬНОЙ УЧЕБНОЙ ЛИТЕРАТУРЫ, НЕОБХОДИМОЙ ДЛЯ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

7.1. Перечень основной литературы:

1. Виноградова, Е.П. Математика / Е.П. Виноградова; науч. ред. Т. Уткина. - 2-е изд., стер. - Москва: Издательство «Флинта», 2014.
Режим доступа: URL: <http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=363458>.
2. Балдин, К.В. Математика: учебное пособие / К.В. Балдин, В.Н. Башлыков, А.В. Рукосуев. - М.: Юнити-Дана, 2015.
Режим доступа: URL: <http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=114423>

7.2. Перечень дополнительной литературы:

1. Кучер, Т. П. Математика. Тесты: учеб. пособие для прикладного бакалавриата / Т. П. Кучер. — 2-е изд., испр. и доп. — М.: Издательство Юрайт, 2018. — 541 с.
Режим доступа : www.biblio-online.ru/book/2101ADEF-F8F3-46D4-8CB4-6BD9EBBBC57.
2. Шелехова, Л.В. Сюжетные задачи по математике: задачник-практикум: учебно-методическое пособие / Л.В. Шелехова. - Москва ; Берлин : Директ-Медиа, 2015.
Режим доступа: URL: <http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=274521>

3. Методика обучения математике. Формирование приемов математического мышления: учеб. пособие для вузов / Н. Ф. Талызина [и др.] ; под ред. Н. Ф. Талызиной. — 2-е изд., перераб. и доп. — М.: Издательство Юрайт, 2018.

Режим доступа: www.biblio-online.ru/book/DC8BEFEE-FC6A-4E18-B233-D42D18067F27.

11. ПЕРЕЧЕНЬ СОВРЕМЕННЫХ ПРОФЕССИОНАЛЬНЫХ БАЗ ДАННЫХ, ИНФОРМАЦИОННЫХ СПРАВОЧНЫХ СИСТЕМ

Все обучающиеся обеспечены доступом к современным профессиональным базам данных и информационным справочным системам, которые подлежат обновлению при необходимости, что отражается в листах актуализации рабочих программ

Современные профессиональные базы данных:

Журнал «Начальная школа»: <http://nsc.1september.ru/index.php>

Сообщество взаимопомощи учителей: <http://pedsovet.su/load/138-1-0-52615>

Открытый класс: openclass.ru

Единая коллекция информационно-образовательных ресурсов: school-collection.edu.ru

Вся математика в одном месте: <http://www.allmath.ru>

Информационные справочные системы

Математические справочники и словари: <https://nashol.com/matematika/>

8. ОПИСАНИЕ МАТЕРИАЛЬНО-ТЕХНИЧЕСКОЙ БАЗЫ, НЕОБХОДИМОЙ ДЛЯ ОСУЩЕСТВЛЕНИЯ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОГО ПРОЦЕССА ПО ДИСЦИПЛИНЕ

Для осуществления образовательного процесса по дисциплине имеется в наличии следующая материально-техническая база:

Аудитории	Программное обеспечение
<ul style="list-style-type: none">- учебная аудитория для проведения учебных занятий по дисциплине, оснащенная компьютером с выходом в интернет, мультимедиапроектором;- помещение для самостоятельной работы обучающихся, оснащенное компьютерной техникой с возможностью подключения к сети Интернет и обеспечением доступа в электронную информационно-образовательную среду ГГТУ;	<p>Программное обеспечение</p> <p>Операционная система Пакет офисных приложений Браузер Firefox, Яндекс</p>

10. ОБУЧЕНИЕ ИНВАЛИДОВ И ЛИЦ С ОГРАНИЧЕННЫМИ ВОЗМОЖНОСТЯМИ ЗДОРОВЬЯ

При необходимости рабочая программа дисциплины может быть адаптирована для обеспечения образовательного процесса инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья. Для этого требуется заявление студента (его законного представителя) и заключение психолого-медико-педагогической комиссии (ПМПК).

Автор (составитель): к.п.н., доцент Калинина И.Г.

Программа утверждена на заседании кафедры теории и методики начального и дошкольного образования от «12» мая 2022 г. Протокол №10.

Зав. кафедрой

 /Измайлова Р.Г./

ПРИЛОЖЕНИЕ

**ФОНД ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ
ДЛЯ ПРОВЕДЕНИЯ ТЕКУЩЕГО КОНТРОЛЯ ЗНАНИЙ, ПРОМЕЖУТОЧНОЙ
АТТЕСТАЦИИ
ПО ДИСЦИПЛИНЕ**

Б1.О.07.09 МАТЕМАТИКА

Направление подготовки: 44.03.01 Педагогическое образование

Направленность (профиль) программы: Начальное образование

Квалификация выпускника: бакалавр

Форма обучения: заочная

Орехово-Зуево

2022 г.

2. Индикаторы достижения компетенций

Категория (группа) общепрофессиональных компетенций	Код и наименование компетенции	Наименование индикатора достижения компетенции
Научные основы педагогической деятельности	ОПК-8. Способен осуществлять педагогическую деятельность на основе специальных научных знаний	ОПК-8.1. Применяет методы анализа педагогической ситуации, профессиональной рефлексии на основе специальных научных знаний, в том числе в предметной области. ОПК-8.2. Проектирует и осуществляет учебно-воспитательный процесс с опорой на знания предметной области, психолого-педагогические знания и научно-обоснованные закономерности организации образовательного процесса.

2. Описание показателей и критериев оценивания компетенций на различных этапах их формирования, описание шкал оценивания.

Оценка уровня освоения компетенции на разных этапах их формирования проводится на основе дифференцированного контроля каждого показателя компетенции в рамках оценочных средств, приведенных в ФОС.

Оценка «отлично», «хорошо» соответствует повышенному уровню освоения компетенции согласно критериям оценивания, приведённым в таблице к соответствующему оценочному средству.

Оценка «удовлетворительно» соответствует базовому уровню освоения компетенции согласно критериям оценивания, приведённым в таблице к соответствующему оценочному средству.

Оценка «неудовлетворительно» соответствует показателю «компетенция не освоена».

№ п/п	Наименование оценочного средства	Краткая характеристика оценочного средства	Представление оценочного средства в фонде	Критерии оценивания
1	2	3	4	5
<i>Оценочные средства для проведения текущего контроля знаний</i>				
1	Практические задания (показатель компетенции «Знание»)	Учебные задания, направленные на проверку знания основных понятий дисциплины.	Перечень практических заданий	Оценка «Отлично» выставляется, если правильно выбран способ решения, само решение сопровождается необходимыми объяснениями, верно выполнены нужные вычисления и преобразования, получен

				<p>верный ответ, последовательно и аккуратно записано решение.</p> <p>Оценка «Хорошо» выставляется, если при решении задания студент допускается более одной ошибки или два-три недочёта в вычислениях, графиках, в выборе метода решения, что приводит в отдельных случаях к неверному конечному результату.</p> <p>Оценка «Удовлетворительно» выставляется, если студент допускает ошибки, решение заданий проводится нерационально, с вычислительными ошибками.</p> <p>Оценка «Неудовлетворительно» выставляется, если студент показал фрагментарные знания в рамках учебной программы, неспособность осознать связь теоретического материала с примерами и задачами, неумение решать простейшие типовые задачи.</p>
2	Тест (показатель компетенции «Знание»)	Система стандартизированных заданий, позволяющая измерить уровень знаний обучающегося.	Тестовые задания	<p>Оценка «Отлично» выставляется за тест, в котором выполнено более 90% заданий.</p> <p>Оценка «Хорошо» выставляется за тест, в котором выполнено более 75 % заданий.</p> <p>Оценка «Удовлетворительно» выставляется за тест, в котором выполнено более 60 % заданий.</p> <p>Оценка «Неудовлетворительно» выставляется за тест, в котором выполнено менее 60 % заданий.</p>
3	Контрольная работа (показатель	Оценочное средство, позволяющее проверить умение применить	Перечень контрольных работ	<p>Оценка «отлично» ставится, если:</p> <ul style="list-style-type: none"> • работа выполнена

	компетенции «Умение»)	полученные знания для решения задач.		<p>полностью;</p> <ul style="list-style-type: none"> • в логических рассуждениях и обосновании решения нет пробелов и ошибок; • в решении нет математических ошибок (возможна одна неточность, описка, не являющаяся следствием незнания или непонимания учебного материала). <p><i>Оценка «хорошо» ставится, если:</i></p> <ul style="list-style-type: none"> • работа выполнена полностью, но обоснования шагов решения недостаточны (если умение обосновывать рассуждения не являлось специальным объектом проверки); • допущена одна ошибка или два-три недочета в выкладках, чертежах или графиках (если эти виды работы не являлись специальным объектом проверки). <p><i>Оценка «удовлетворительно» ставится, если:</i></p> <p>допущены более одной ошибки или более двух-трех недочетов в выкладках, чертежах или графиках, но студент владеет обязательными умениями по проверяемой теме.</p> <p><i>Оценка «неудовлетворительно» ставится, если:</i></p> <p>допущены существенные ошибки, показавшие, что обучающийся не владеет обязательными умениями по данной теме в полной мере.</p>
<i>Оценочные средства для проведения текущего контроля</i>				
4	Экзамен	Контрольное мероприятие, которое проводится по окончании изучения дисциплины.	Вопросы к экзамену	Оценка «Отлично»: знание теории вопроса, понятийно-терминологического аппарата дисциплины (состав

			<p>и содержание понятий, их связей между собой, их систему);</p> <p>умение анализировать проблему, содержательно и стилистически грамотно излагать суть вопроса; глубоко понимать, осознавать материал;</p> <p>владение аналитическим способом изложения вопроса, научных идей; навыками аргументации и анализа фактов, событий, явлений, процессов в их взаимосвязи и диалектическом развитии.</p> <p>Оценка <i>«Хорошо»</i>:</p> <p>знание основных теоретических положений вопроса;</p> <p>умение анализировать явления, факты, действия в рамках вопроса; содержательно и стилистически грамотно излагать суть вопроса. Но имеет место недостаточная полнота по излагаемому вопросу.</p> <p>владение аналитическим способом изложения вопроса и навыками аргументации.</p> <p>Оценка <i>«Удовлетворительно»</i>:</p> <p>знание теории вопроса фрагментарно (неполнота изложения информации; оперирование понятиями на бытовом уровне);</p> <p>умение выделить главное, сформулировать выводы, показать связь в построении ответа не продемонстрировано;</p> <p>владение аналитическим способом изложения вопроса и владение навыками аргументации не продемонстрировано.</p> <p>Оценка <i>«Неудовлетворительно»</i>:</p> <p>знание понятийного</p>
--	--	--	---

				аппарата, теории вопроса, не продемонстрировано; умение анализировать учебный материал не продемонстрировано; владение аналитическим способом изложения вопроса и владение навыками аргументации не продемонстрировано.
--	--	--	--	---

3. Типовые контрольные задания и/или иные материалы для проведения текущего контроля знаний, промежуточной аттестации, необходимые для оценки знаний, умений, навыков и/или опыта деятельности, характеризующих этапы формирования компетенций в процессе освоения образовательной программы.

Задания для проведения текущего контроля знаний

Перечень практических заданий.

Тема 1. «Множества и операции над ними»

1. Даны множества А и В. Найдите пересечение, объединение и разность этих множеств если:

- а) $A = \{y; t; ю; г\}, B = \{t; ю; ф; я; к\};$
- б) $A = \{ф; а; р; т; у; к\}, B = \{р; у; б; а; н; о; к\};$
- в) $A = \{4; 8; 2; 5\}, B = \{5; 2; 8; 3; 4\};$
- г) $A = \{7; 9; 3; 1\}, B = \{2; 4; 1; 8; 0\}.$

2. Даны множества: А – чисел, кратных 3; В – чисел, кратных 5; С – чисел, кратных 2. Из каких чисел состоит множество:

- а) $A \cup B;$ б) $(A \cup B) \cup C;$ в) $A \cup (B \cup C)?$

3. Из каких элементов состоит пересечение и объединение множества букв в слове «школа» и множества букв в слове «класс»?

4. Найдите декартово произведение множеств X и Y, если:

- а) $X = \{4; 6\}, Y = \{3; 0; 6\};$
- б) $X = \{1; 6; 0\}, Y = \{2; 1\}.$

5. О какой операции и над какими множествами идет речь в следующих задачах:

б) В библиотеке было 70 учебников по математике. После того как часть из них раздали учащимся, в библиотеке осталось 45 учебников. Сколько учебников по математике раздали школьникам?

а) Мама нашла 7 подосиновиков, 5 из них она отдала Коле. Сколько подосиновиков осталось у мамы?

6. Найдите множество $X = A \cup (B \setminus C) \setminus R$, если $A = [-7; 10], B = [-4; \infty),$

$C = \{x/ 10 < x < 15\}$. Выясните, истинны ли высказывания:

$15 \in X, 6 \notin X, -6 \in X.$

Тема 2. «Математические предложения. Математические доказательства»

1. Какие из следующих выражений являются высказываниями? Для высказываний определите их истинностное значение.

Солнце вращается вокруг Земли.

Число пять является натуральным числом.

Да здравствует солнце, да скроется тьма!

Число 3 удовлетворяет неравенству $3x + 25 \leq 0$

2. Запишите следующие высказывания в виде формул с кванторами, предварительно введя обозначения для используемых предикатов:

Некоторые реки впадают в Каспийское море.

Все люди знают, что Земля круглая.

По крайней мере, одно целое число делится на 8

3. Составьте таблицу истинности для следующих высказываний:

а) $A \vee (B \wedge C)$;

б) $A \wedge (B \Rightarrow C)$;

в) $\bar{A} \wedge (B \vee C)$;

г) $A \wedge (B \Rightarrow \bar{C})$

4. На множестве $A = \{1, 2, 3, \dots, 10\}$ заданы предикаты:

$A(x)$: x - не делится на 5; $B(x)$: x - число четное; $C(x)$: x - число простое; $D(x)$: x - число, кратное 3.

Найдите множество истинности заданных предикатов.

1) $A(x) \wedge B(x)$; $A(x) \Rightarrow C(x)$; $D(x) \vee C(x)$.

2) $B(x) \wedge C(x)$; $C(x) \Rightarrow D(x)$; $C(x) \vee A(x)$.

Тема 3. «Аксиоматическое построение системы натуральных чисел»

1. Докажите, что последовательность $-1, -2, -3, \dots$ является моделью системы аксиом Пеано, если положить $n_1 = -n - 1$.

2. Какие свойства сложения и известные значения сумм использует ученик, вычисляя значение суммы $6 + 7$ «по частям»: $6 + 7 = 6 + (4 + 3)$.

3. Используя метод математической индукции, докажите, что для любого натурального n имеют место равенства:

а) $1 + 2 + 3 + \dots + n = n(n + 1)/2$;

4. Закончите запись и укажите все случаи использования коммутативного и ассоциативного законов сложения и умножения при нахождении значения выражения:

$$28 \cdot 14 + 40 \cdot 14 + 14 \cdot 32 = 28 \cdot 14 + 40 \cdot 14 + 32 \cdot 14 = (28 + 40 + 32) \cdot 14 =$$

$$(28 + 32 + 40) \cdot 14 = ((28 + 32) + 40) \cdot 14 = (60 + 40) \cdot 14 =$$

Тема 4. «Теоретико-множественный подход к построению системы целых неотрицательных чисел»

1. Используя теоретико-множественную терминологию докажите: $6+3 > 12:3$;

2. Решите задачу и обоснуйте выбор действия:

а) Леша нашел 5 грибов, а Ира в 2 раза больше, чем Леша. Катя нашла на 3 гриба меньше, чем Ира. Сколько всего грибов нашли дети?

б) Фруктовый торт украшало 45 вишен, ягод клубники в 3 раза меньше, чем вишен, а ягод смородины на 27 больше, чем ягод клубники. Сколько ягод смородины украшало фруктовый торт?

3. Приведите теоретико-множественное обоснование суммы чисел:

а) $0 + 7$; б) $3 + 4 + 6$; в) $0 + 0$; г) $2 + 4 + 6 + 4$; д) $7 + 6 + 0$.

4. Истинно ли равенство $n(A) + n(B) = n(A \cup B)$? Свой ответ обоснуйте. Продолжите данную запись, чтобы равенство стало истинным.

5. Используя теоретико-множественную терминологию докажите: $15 : 3 < 3 + 4$.

6. Приведите пример множеств, соответствующих разности $6 - 3$. Можно ли в качестве примера взять множества $A = \{1, 2, 4, 5, 7, 8\}$ и $B = \{1, 2, 4\}$?

7. Решите задачу и обоснуйте выбор действия:

а) На первой полке стоит 12 книг, а на второй в 3 раза больше, чем на первой, а на третьей на 5 книг меньше, чем на второй. Сколько книг стоит на третьей полке?

в) Во время конкурса кондитеры приготовили 100 пирожных: миндальные, корзиночки и эклеры. Миндальных и корзиночек было 73. Корзиночек и эклеров 62. Сколько корзиночек было приготовлено?

8. Приведите пример множеств, соответствующих сумме $5 + 4$. Можно ли в качестве примера взять следующие множества $A = \{1, 2, 4, 5, 7\}$ и $B = \{1, 2, 4, 9\}$.

Тема 5. «Делимость натуральных чисел»

1. Используя цифры 3, 6, 5, 7, запишите три четырехзначных числа, которые:

а) делятся на 2;

б) делятся на 5;

в) делятся на 3;

2. Какие из чисел: 559782, 4389765, 21112221, 666444, 875745 кратны 3 и 5, а какие кратны 9 и 2?

3. Докажите или опровергните высказывание: «Все числа 997, 797, 397 являются простыми».

4. Найдите наибольший общий делитель (НОД) и наименьшее общее кратное (НОК) используя каноническое разложение чисел, алгоритм Евклида:

а) 49896 и 26460; б) 6188 и 4709

5. Не выполняя сложения, установите, делится ли на 9 сумма:

а) $222111 + 25308 + 28054$;

б) $62712 + 7002 + 9387$.

6. Докажите или опровергните высказывание: «Все числа 997, 797, 397 являются простыми».

Тема 6. «Положительные рациональные числа»

1. Вычислите: $\frac{4 + 50/3 \cdot (18,26 - 14,168:2,8)}{(254/35 - 269/40 + 0,6(428571)) \cdot 3,2 - 2,8}$

2. Среди данных дробей найдите те, которые обозначают одно и то же рациональное число:

$3/84$; $1/28$; $56/81$; $5/148$.

3. Вычислите:

а) $3/11 \cdot 11/10 \cdot 9/8 \cdot 7/12 \cdot 8/7 \cdot 10/7 \cdot 7/9$;

б) $2/99 + 0,8 + 0,97 : (1 - 0,01)$.

4.

Вычислите: $\frac{9,4 - 5, (769230) \cdot (0,51 + 3,234 : 3,08)}{(259/360 - 37/63 - 11/70) : 1,16 - 0,425}$

5. Среди дробей $3/4$, $1/15$, $4/9$, $161/162$, $8/7$, $7/16$, $21/37$ найдите те, которые: а) больше $1/2$; б) меньше $1/3$.

6. Запишите данные числа в виде обыкновенных дробей:

$0,2(56)$ $2,34(3)$ $1,(45)$

10. Следующие обыкновенные дроби запишите в виде десятичных периодических дробей:
 $7/12$ $17/11$ $25/39$

7. Решите уравнения:

а) $3\frac{4}{15} : \left(\left(2\frac{3}{4}x + 4\frac{1}{2} \right) : 21\frac{3}{7} \right) - 1\frac{1}{8} = 5\frac{7}{8}$;

б) $66\frac{3}{5} : \left(5 + 3\frac{1}{5} : \left(1\frac{3}{5} - \frac{4}{15}x \right) \right) - 7\frac{3}{20} = \frac{1}{4}$;

Тема 7. «Действительные числа»

1. Дано множество: $\{7; 3/7; \sqrt{8} 35,91; -12,5; -\sqrt{3}; 0; 0,123; 4136\}$. Можно ли разбить его на два класса: рациональные и иррациональные?
2. Укажите наименьшее из следующих чисел: $3/8; 0,49; 2/5; 0,6; 3/7$.
3. Найдите первые три десятичных знака числа $2/7$.
4. Запишите несколько дробей, равных дроби $6/2$. С каким натуральным числом можно отождествить рациональное число, определяемое данным классом эквивалентности? Ответ обоснуйте.
5. Найдите первые три десятичных знака дробей, выражающих границы результатов следующих действий:
 - а) $\sqrt{10} + \sqrt{3}$;
 - б) $\sqrt{10} - \sqrt{3}$;
 - в) $\sqrt{10} \cdot \sqrt{3}$;
 - г) $0,31684 : 2,36103$.
6. Установите, какие из дробей $3/24, 4/5, 7/16, 25/36$ нельзя записать в виде конечной десятичной дроби.
7. Установите, какие из следующих высказываний истинные. Ответ обоснуйте.
 - а) Во множестве положительных рациональных чисел есть наименьшее число.
 - б) Иррациональных чисел, больших 1, но меньших $\sqrt{3}$ существует бесконечное множество.

Тема 8. «Геометрические фигуры»

1. Диагональ квадрата равна 5 см. Найдите периметр четырехугольника, образованного отрезками, последовательно соединяющими середины сторон квадрата.
2. Постройте треугольник со сторонами 5 см, 6 см и 7 см и опишите около него окружность.
3. В конусе с образующей 10 см угол между высотой и образующей равен 45° . Чему равна площадь осевого сечения?
4. Диагональ основания правильной четырехугольной пирамиды равна 18 см, высота пирамиды равна 12 см. Чему равно боковое ребро пирамиды?
5. Подберите систему упражнений, в процессе выполнения которых младшие школьники изучают геометрические фигуры.

Тема 9. «Геометрические величины»

1. Сравните площади:
 - а) $321 \text{ дм}^2 \dots 3 \text{ м}^2 21 \text{ дм}^2$;
 - б) $23 \text{ м}^2 7 \text{ дм}^2 \dots 237 \text{ дм}^2$.
2. Вычислите:
 - а) $3 \text{ км}^2 - 90 \text{ га}$;
 - б) $36 \text{ а} - 350 \text{ м}^2$.
3. ABCD – прямоугольник, точка K – середина CD, точка L – середина BC, точка M – середина AD, точка N – середина AB. Какую часть от площади прямоугольника составляют площади таких фигур: а) ABD; б) ABM; в) ABDK; г) KLMN?
4. Ширина прямоугольника равна 15 см. На сколько изменится его площадь, если длину прямоугольника уменьшить на 4 см?
5. Назовите объект, его величину, численное значение и единицу величины, о которых говорится в задачах:
 - а) Стальной брусок объемом в 60 см^3 имеет массу 480 г. Какова масса бруска объемом в 25 см^3 ?
 - б) На изготовление одной детали рабочий стал затрачивать 8 мин вместо 20. Сколько деталей он изготовит за смену, если за смену изготавливал 120 деталей?
6. Выполните действия:

$(57\text{мин } 28\text{с} + 3\text{ч } 56\text{с}) \cdot 50 + (26\text{ч } 05\text{мин } 10\text{с} - 147\text{мин } 30\text{с}): 2$

7. Выясните, какие объекты, величины, единицы измерения и их численные значения представлены в задаче. Опишите, какие действия с величинами были выполнены по ходу ее решения: «У ученика есть 3 листа для рисования. Площадь первого 240 см^2 , а второго на 30 см^2 больше, чем первого. Длина первого листа 20 см . Какова длина второго листа, если его ширина в 2 раза меньше ширины первого? Какова площадь третьего листа, если его длина на 15 см меньше длины второго листа, а ширина в 3 раза больше ширины второго листа?»

8. Установите, какие величины рассматриваются в задаче, каковы зависимости между ними, решите задачу различными способами:

«При ежедневном расходе $3,6 \text{ кг}$ крупы имеющихся запасов в столовой хватит на 56 дней. На сколько дней хватит запасов крупы, если ежедневно расходовать по $2,4 \text{ кг}$?»

Перечень контрольных работ

Контрольная работа 1.

1. Найдите результаты операций для каждой тройки множеств A, B, C :

1) $B \setminus (A \cap C)$; 2) $(C \setminus B) \cap A$; 3) $A \setminus (B \cup C)$;

4) $(A \cap B) \cup C$,

если

$A = (0; 2]$, $B = [-1; 3]$, $C = (-3; 6)$;

2. Найдите множества $A \cap B$, $A \cup B$, $A \setminus B$, $B \setminus A$, если:

$A = \{x | x \in \mathbb{N}, -1 < x < 4\}$, $B = \{x | x \in \mathbb{Z}, 1 < x < 6\}$;

3. A – множество четных натуральных чисел, B – множество натуральных чисел, кратных 5, C – множество натуральных чисел, кратных 7. Укажите характеристическое свойство множества: а) $A \setminus B \cup C$; б) $A \setminus (B \cup C)$. Запишите по три элемента, принадлежащие каждому из множеств.

4. Разбейте следующие множества конечные и бесконечные:

а) $A = \{x | x \in \mathbb{N}, x < 5\}$;

б) $B = \{x | x \in \mathbb{N}, x > 5\}$;

в) C – множество точек на отрезке AB ;

г) D – множество вершин квадрата;

д) E – множество треугольников;

е) K – множество двузначных чисел.

5. Отношение задано перечислением пар. Определите свойства, постройте граф и график.

$R = \{(1, 2); (2, 1); (3, 3); (1, 3); (3, 1)\}$ на множестве $A = \{1, 2, 3\}$

6. Найти множество $A \times B \cap B \times C$, если $A = \{1, 2, 3\}$, $B = \{2, 4\}$, $C = \{2, 3, 4\}$

Контрольная работа 2.

1. Какие из следующих выражений являются высказываниями? Для высказываний определите их истинностное значение.

а) Солнце вращается вокруг Земли

б) Да здравствует солнце, да скроется тьма!

в) Число 3 удовлетворяет неравенству $3x + 25 \leq 0$

2. Построить таблицу истинности для каждой из следующих формул, определить тип формулы:

г) $(\neg p \vee q) \wedge ((p \rightarrow \neg q) \rightarrow r)$,

д) $(p \vee q \rightarrow \neg r) \rightarrow p \vee r$,

е) $(p \rightarrow \neg q) \vee \neg p \rightarrow \neg q$.

3. Запишите следующие высказывания в виде формул с кванторами, предварительно введя обозначения для используемых предикатов:

- а) Некоторые реки впадают в Каспийское море.
 б) Все люди знают, что Земля круглая.
 в) По крайней мере, одно целое число делится на 8.

4. Дана теорема «Вертикальные углы равны». Сформулируйте обратную и противоположную теоремы.

5. Равносильны ли предикаты?

$$A(x) - "x \geq 3 \wedge x \leq 8"; \quad B(x) - "x^2 - 11x + 18 < 0"$$

- а) на множестве \mathbf{Z}
 б) на множестве \mathbf{R}

Контрольная работа 3.

1. Доказать, используя метод математической индукции, что при каждом натуральном n справедливо равенство:

$$1 \cdot 4 + 2 \cdot 7 + 3 \cdot 10 + \dots + n(3n+1) = n(n+1)^2$$

$$\frac{1}{4 \cdot 5} + \frac{1}{5 \cdot 6} + \frac{1}{6 \cdot 7} + \dots + \frac{1}{(n+3)(n+4)} = \frac{n}{4(n+4)}$$

$$1 \cdot 2 + 2 \cdot 3 + \dots + (n-1) \cdot n = \frac{(n-1) \cdot n \cdot (n+1)}{3}$$

2. Используя теоретико-множественный подход к понятию натурального числа показать, что:

$$7+3=11 \quad 12-4=8 \quad 5 \cdot 3=15 \quad 15:5=3 \quad 7 < 9$$

3. Найдите двузначное число, в котором число десятков в 3 раза больше числа единиц. Если цифры этого числа переставить, то полученное число будет меньше искомого на 54.

4. Запишите 3458 и 1178 в двоичной, пятеричной, семеричной системах счисления.

5. Найдите наибольший общий делитель и наименьшее общее кратное данных чисел:

а) 252 и 378; б) 430 и 195; в) 298 и 600; г) 235 и 325

6. Определите простыми или составными являются числа

139 1227 299 497

Контрольная работа 4.

1. Вычислите

$$\frac{2\frac{3}{4} : 1,1 + 3\frac{1}{3} \cdot 5 \left(2\frac{1}{6} + 4,5 \right) \cdot 0,375}{2,5 - 0,4 \cdot 3\frac{1}{3} \cdot 7} - \frac{2,75 - 1\frac{1}{2}}{2}$$

2. Найдите приближенное значение выражения $\sqrt{17} - \sqrt{5}$ с точностью до 3 знака

3. Запишите данные числа в виде обыкновенных дробей:

0, 1(46) 3, 35(2) 2,(35)

4. Решите неравенства

$$\frac{1}{1-x} < \frac{1}{3-x} \frac{x+3}{4x^2-9} - \frac{3-x}{4x^2+12x+9} = \frac{2}{2x-3}$$

5.

Сократите дробь, предварительно разложив числитель и знаменатель дроби на множители:

$$а) \frac{12x-3x^3}{6x+6}; \quad б) \frac{y-3}{y^2-6y+9}; \quad в) \frac{m^2-4}{m^2+4m+4}; \quad г) \frac{n^2-n-1}{n^4-n^3-n^2}.$$

6. Запишите данные числа в виде обыкновенных дробей:

0, 1(46) 3, 35(2) 2,(35)

Контрольная работа 5.

1. Длины параллельных сторон трапеции равны 25 и 4 см, а длины непараллельных сторон – 20 и 13 см. Найти площадь и высоту трапеции.

2. Угол при вершине, противолежащей основанию равнобедренного треугольника, равен 30° . Боковая сторона треугольника равна 14. Найдите площадь этого треугольника.

3. Сравните площади:

а) $125 \text{ м}^2 \dots 1000 \text{ дм}^2$;

б) $3 \text{ дм}^2 \dots 300 \text{ см}^2$;

в) $321 \text{ дм}^2 \dots 3 \text{ м}^2 21 \text{ дм}^2$

4. Запишите решение задачи по действиям с пояснением и назовите те операции над длинами, которые были при этом выполнены:

На отрезке AD взяты точки B и C так, что точка B лежит между точками A и C. Найдите длину отрезка AD, если длина отрезка AB равна 6 см, длина отрезка BC на 2 см меньше длины отрезка AB, а длина отрезка CD в 2 раза меньше длины отрезка AC.

5. Вычислите площадь поверхности прямоугольного параллелепипеда, если его измерения равны 4 см, 10 см, 8 см. Во сколько раз она уменьшится, если каждое из измерений данного параллелепипеда уменьшить в 2 раза?

6. Во сколько раз надо увеличить высоту цилиндра, не меняя его основание, чтобы его объем увеличился в 6 раз?

Тестовые задания

Тест 1. Тема «Множества и операции над ними»

1. Понятие множества является одним из основных:

а) Неопределяемых понятий математики

б) Определяемых понятий математики

в) Устойчивых понятий математики

г) Нет верного ответа

2. Если каждый элемент множества A является в то же время элементом множества B, то множество A называется:

а) Подмножеством B

б) Множество B называется подмножеством множества A

в) Множество A не является подмножеством множества B

г) Множество B не является подмножеством множества A

3. Пересечением множеств A и B называется множество тех и только тех элементов, которые принадлежат:

а) множеству A

б) множеству B

в) множеству A и множеству B одновременно

г) нет верного ответа

4. Объединением множеств A и B называется множество тех и только тех элементов, которые входят:

а) хотя бы в одно из множеств A и B

б) которые состоят из тех и только тех элементов множества A, не принадлежащих множеству B

в) которые состоят из тех и только тех элементов множества B, не принадлежащих множеству A

г) и в множество A и в множество B

5. Разностью двух множеств A и B называется множество, состоящее из тех и только тех элементов:

- а) множества A , которые не принадлежат множеству B
- б) множества B , которые не принадлежат множеству A
- в) множества элементов которые принадлежат множеству A и B одновременно
- г) нет верного ответа

6. Выберите утверждение о числовых множествах, которое является истинным...

- а) множество целых чисел является подмножеством множества действительных чисел.
- б) множество рациональных чисел является подмножеством множества иррациональных чисел.
- в) отрезок $[1;2]$ является подмножеством промежутка $(1;10]$.
- г) интервал $(-4,0)$ является подмножеством отрезка $[-3;-1]$.

7. Заданы множества $A = \{2,3,4,5\}$ и $D = \{3,4,5\}$. Верным для них будет утверждение:

- а) множество A - подмножество множества D
- б) множество D - подмножество множества A
- в) множество A и множество D равны

8. Определить какое из множеств является подмножеством множества

$$A = \{5, 15, 25, 35, 45, 55\}$$

- а) $\{55\}$
- б) $\{5, 25, 50\}$
- в) $\{25, 55, 75\}$
- г) $\{25, 55, 75\}$

9. Какое из множеств определяет $A \cup B$, если

$$A = \{2, 4, 6, 8, 10\}, B = \{8, 10, 12, 14\}$$

- а) $\{2, 4, 6, 8, 10, 12, 14\}$
- б) $\{8, 10, 12, 14\}$
- в) $\{8, 10\}$
- г) $\{2, 6, 8, 10\}$

10. Какое из множеств определяет $A \cap B$, если

$$A = \{2, 4, 6, 8, 10\}, B = \{2, 4, 8, 9\}$$

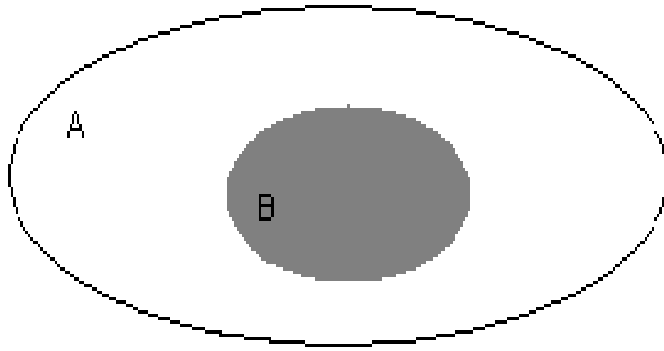
- а) $\{2, 4, 6, 8, 10\}$
- б) $\{2, 4, 8, 9\}$
- в) $\{2, 4, 8\}$
- г) $\{2, 4, 6, 8\}$

11. Даны множества: $A = \{4,7,13\}$, $B = \{0,2,4,6,8,10,12,14\}$

Число элементов множества, являющегося пересечением множеств A и B , равно...

- а) 1
- б) 3
- в) 8
- г) 10

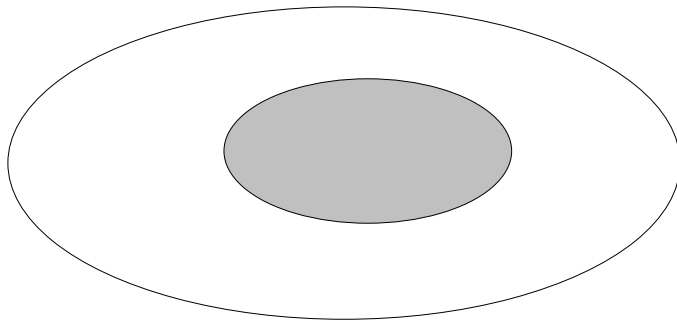
12. Даны два множества A и B



Область, выделенная серым цветом является:

- а) пересечением множества А и В
- б) дополнением множества В до множества А
- в) объединением множества А и В
- г) разностью множества А и В

13. Даны два множества А и В



Область, выделенная серым цветом является

- а) пересечение множества А и В
- б) дополнение множества В до множества А
- в) объединение множества А и В
- г) разность множества А и В

14. Пусть даны множества: $A\{1,2,3\}$; $B\{3,4,5\}$; $C\{5,1,3\}$.

Множество $X=(A \setminus C) \cap (B \setminus C)$ равно:

- а) $\{4,2,3\}$
- б) $\{2,3\}$
- в) $\{2,4\}$
- д) $\{1,5,3\}$

15. Отношение задано неравенством: $x+3y \leq 0$, тогда данному отношению принадлежит следующая пара чисел...

- а) (0;0)
- б) (2;2)
- в) (1;3)
- д) (-1;1)

16. Отношение «иметь общий делитель, отличный от единицы» выполняется для пары ...

- а) (7, 27)
- б) (6, 9)
- в) (3, 19)
- д) (5, 16)

17. Отношение задано неравенством: $2x+y \leq 0$, тогда данному отношению принадлежит следующая пара чисел ...

- a) (1;5)
- b) (1;1)
- c) (-1;1)
- d) 5;-5)

18. Отношение задано неравенством: $x-3y > 0$, тогда данному отношению принадлежит следующая пара чисел...

- a) (5;2)
- b) (1;1)
- c) (5;1)
- d) (0;0)

Тест 2. Тема «Математические предложения. Математические доказательства»

1. Какое из предложений не является высказываниями?

- a) Внимание!
- б) Число 6 – четное
- с) Некоторые рыбы – хищники
- д) Эта ночь холодная.

2. Даны выражения: $56 : 8$; $28 : 4$; $42 : 7$; $18 : 2$; $30 : 6$; $64 : 8$.

Относительно этих выражений ниже приведены высказывания. Какие из них истинные:.

- a) среди выражений есть такие, значения которых равны.
- б) среди выражений есть только два, значения которых – четные числа.
- в) все выражения имеют смысл на множестве натуральных чисел.
- г) числовые значения всех выражений меньше числа 9.

3. $A = л$, $B = и$. В какой из ниже записанных формул результатом будет истинна?

- a) $\neg B$
- б) $A \text{ и } B$
- с) $\neg (A \text{ или } B)$
- д) $\neg A \text{ или } \neg B$

4. Выберите логическую операцию, если задана следующая таблица истинности:

A	B	?
л	л	л
л	и	л
и	л	л
и	и	и

- a) конъюнкция; б) дизъюнкция; с) импликация; д) эквиваленция

5. Выберите логическую операцию, если задана следующая таблица истинности:

A	B	?
л	л	и
л	и	и
и	л	л
и	и	и

- a) конъюнкция; б) дизъюнкция; с) импликация; д) эквиваленция

6. Выберите логическую операцию, если задана следующая таблица истинности:

A	B	?
л	л	и
л	и	л
и	л	л

3. Установить правильное соответствие между математическим утверждением и его формулировкой.

- 1) В любой треугольник можно вписать окружность;
- 2) Если все стороны многоугольника касаются окружности, то окружность называется вписанной в многоугольник;
- 3) Через любые три точки, не лежащие на одной прямой, проходит плоскость и притом только одна;
 - Теорема.
 - Определение.
 - Аксиома.

4. Установить правильное соответствие между математическим утверждением и его формулировкой:

- 1) Средняя линия треугольника параллельна одной из его сторон и равна половине этой стороны;
- 2) Прямоугольником называется параллелограмм, у которого все углы прямые;
- 3) Через любые две точки проходит прямая, и притом только одна;
 - Теорема.
 - Аксиома.
 - Определение.

5. Установить правильное соответствие между математическим утверждением и его формулировкой:

- 1) Если две точки прямой лежат в плоскости, то все точки прямой лежат в этой плоскости;
- 2) Диагонали у прямоугольника равны;
- 3) Квадратом называется прямоугольник, у которого все стороны равны;
 - Определение.
 - Теорема.
 - Аксиома.

6. Установить правильное соответствие между математическим утверждением и его формулировкой:

- 1) Если все вершины многоугольника лежат на окружности, то окружность называется описанной около многоугольника;
- 2) Около любого треугольника можно описать окружность;
- 3) Если две точки прямой лежат в плоскости, то все точки прямой лежат в этой плоскости;
 - Теорема.
 - Определение.
 - Аксиома.

7. Новые утверждения о первичных и определяемых понятиях выведенные чисто логическим путем на основе аксиом, ранее выведенных утверждений и определений называются:

- аксиомами;
- определениями;
- теоремами.

8. Первый шаг из перечисленных при построении аксиоматической теории:

- Выделяется некоторое подмножество высказываний (аксиом) о первичных понятиях.
- При помощи первичных понятий даются определения всех остальных понятий.
- Задается некоторое множество первичных понятий (терминов).
- Вывод утверждений (теорем) о первичных и определяемых понятиях.

9. Второй шаг из перечисленных при построении аксиоматической теории:

- Задается некоторое множество первичных понятий (терминов).
- При помощи первичных понятий даются определения всех остальных понятий.
- Вывод утверждений (теорем) о первичных и определяемых понятиях.
- Выделяется некоторое подмножество высказываний (аксиом) о первичных понятиях.

10. Третий шаг из перечисленных при построении аксиоматической теории:

- Выделяется некоторое подмножество высказываний (аксиом) о первичных понятиях.
- При помощи первичных понятий даются определения всех остальных понятий.
- Задается некоторое множество первичных понятий (терминов).
- Вывод утверждений (теорем) о первичных и определяемых понятиях.

11. Четвёртый (последний) шаг из перечисленных при построении аксиоматической теории:

- Вывод утверждений (теорем) о первичных и определяемых понятиях.
- При помощи первичных понятий даются определения всех остальных понятий.
- Выделяется некоторое подмножество высказываний (аксиом) о первичных понятиях.
- Задается некоторое множество первичных понятий (терминов).

12. Утверждения, принимаемые без доказательства как верные, называются:

- аксиомами;
- определениями;
- теоремами.

13. Высказывания, определяющие через первичные неопределяемые понятия и через понятия, смысл которых был определен раньше, некоторые другие понятия называются:

- аксиомами;
- определениями;
- теоремами.

Тест 4. Тема Теоретико-множественный подход к построению системы целых неотрицательных чисел»

1. Укажите, какое из данных числовых выражений не имеет смысла на множестве натуральных чисел:

1. $(4 - (7 + 3)) : 5 \cdot (8 - 6)$; 2. $4 - (7 + 3 \cdot 5) : (8 - 6 + 9)$; 3. $((4 - 7) + 3 \cdot 5) \cdot (8 - 6)$

2. Даны пары множеств: 1. $A = \{a; б; в; г; д; е; ж\}$ и $B = \{ж; а; д; е\}$; 2. $C = \{x; y; z; t; m; q; r\}$ и $D = \{1; 2; 3; 4\}$; 3. $E = \{a; b; c; d; e; f; g\}$ и $F = \{c; x; y; g\}$.

Какую из них можно использовать для нахождения разности чисел 7 и 4?

3. Укажите множество, равномощное множеству $A = \{a, b, c, d, s\}$:

1. B – множество букв в слове «колос»; 2. B – множество букв в слове «книга»; 3. B – множество букв в слове «карта».

4. Сравните числа $a = n(A)$ и $b = n(B)$, если A – множество букв в слове «квадрат», B – множество букв в слове «пирамида».

1. $a < b$; 2. $a = b$; 3. $a > b$.

5. Установите, каким действием решается задача: «В школьном саду посадили 16 саженцев яблонь. Их было на 9 саженцев больше, чем слив. Сколько саженцев слив посадили?»

1. сложением; 2. умножением; 3. вычитанием.

6. Сравните значения выражений $560 : (7 \cdot 4)$ и $560 : 7 : 4$ не выполняя вычислений.

Выберите правильный вариант ответа:

1. $560 : (7 \cdot 4) < 560 : 7 : 4$; 2. $560 : (7 \cdot 4) = 560 : 7 : 4$; 3. $560 : (7 \cdot 4) > 560 : 7 : 4$

7. На основе какого закона найдено значение выражения: $57 \cdot 73 + 57 \cdot 27 = 57 \cdot 100 = 5700$:

- 1. ассоциативность сложения;
- 2. ассоциативность умножения;

3. дистрибутивность умножения относительно сложения

8. Даны множества: $A = \{x; y; z; t; m; k; p; q\}$ и $B = \{n; r\}$. Значение какого выражения можно найти, используя эти множества?

1. $8 - 2$; 2. $10 : 2$; 3. $8 + 2$

Тест 5. Тема «Отношение делимости и его свойства. Простые и составные числа»

1. Какие из следующих высказываний истинные:

- а) два четных числа являются взаимно простыми.
- б) четное и нечетное числа всегда взаимно простые.
- в) простое и составное числа могут быть взаимно простыми.
- г) последовательные натуральные числа всегда взаимно простые.
- д) если два числа a и b взаимно простые, то числа a и b простые.
- е) если числа a и b простые, то они взаимно простые.

2. Из данных чисел выберите число, которое делится на 2 и на 3.

а). 2894 б). 405 в). 2802 г). 785.

3. Какую цифру нужно поставить вместо * в числе $5*62$, чтобы полученное число делилось на 9?

а) 0 б) 2 в) 9 г) 5.

4. Укажите наибольший простой делитель числа 5460.

а) 21 б) 17 в) 13 г) 15

5. Укажите среди данных произведений разложение числа 525 на простые множители

а) $525 = 3 \cdot 7$ б) $525 = 5^2 \cdot 7 \cdot 3$ в) $525 = 3 \cdot 5^2$ г) $525 = 7 \cdot 5^2$

6. Какое из следующих чисел делится на 25?

а) 623250 б) 824189 в) 936215 г) 346821

7. Из данных чисел выберите число, которое делится на 2 и на 5.

а) 1225 б) 1330 в) 10012 г) 4326

8. Какие из высказываний истинные:

- а) всякое число, которое делится на 10, делится на 5;
- б) если число делится на 8, то оно делится на 4;
- в) если каждое слагаемое суммы не делится на некоторое число, то сумма не делится на это число;
- г) если число, образованное последними двумя цифрами десятичной записи числа, делится на 8, то данное число делится на 8

9. Среди следующих пар чисел найдите взаимно простые:

а) 248 и 456; б) 5897 и 5898; в) 3582 и 5283; г) 407 и 663.

Тест 6. Тема «Положительные рациональные числа»

1.

Вычислите $\frac{\sqrt{3,6}}{\sqrt{10}}$.

а) 0,6; в) $\pm 0,6$; с) 6; д) ± 6

2. Укажите наименьшее из следующих чисел: $0,8$; $\frac{8}{9}$; $\frac{9}{8}$; $\frac{3}{5}$

а) $0,8$ в) $\frac{8}{9}$ с) $\frac{9}{8}$ д) $\frac{3}{5}$

3. Найдите значение выражения $\sqrt{1+3x}$ при $x = -0,17$

а) 0,07 в) 0,7 с) 1,24 д) при $x = -0,17$ выражение не имеет смысла

4. Найдите верные высказывания:

- а) $0,3 < 0,299$ в) $5/16 > 1/4$ с) $2,5 = 2,0500$ д) $-6,3 > -6,7$ е) $-1/3 < -5/9$
а) все верные; в) все неверные; с) а), в) и с); д) в), с) и е); е) в), с) и д).

5.

Найти значение выражения: $\frac{(7-6,35):6,5+9,9}{(1,2:36+1,2:0,25-1^{5/16})^{169/25}}$

- а) 0,5 в) 20 с) 2 д) 5

6. Вычислить $0,6 \cdot (0,15 - \frac{3}{8}) - 0,0(42) : 0,4$

- а) 0,24 в) 2,5 с) -0,24 д) 2

Тест 7. Тема «Действительные числа»

1. Расположите числа в порядке возрастания $\sqrt{43}$; 2 $\sqrt{10}$; 3 $\sqrt{5}$.

- а) $\sqrt{43}$; 2 $\sqrt{10}$; 3 $\sqrt{5}$
б) 3 $\sqrt{5}$; 2 $\sqrt{10}$; $\sqrt{43}$
в) $\sqrt{43}$; 3 $\sqrt{5}$; 2 $\sqrt{10}$
г) 2 $\sqrt{10}$; 3 $\sqrt{5}$; $\sqrt{43}$
д) 2 $\sqrt{10}$; $\sqrt{43}$; 3 $\sqrt{5}$

2. Представьте в виде обыкновенной дроби число 19,27(7).

- а) $19 \frac{1}{3}$ в) $19 \frac{1}{7}$ с) $19 \frac{5}{18}$ д) $19 \frac{1}{18}$ е) $19 \frac{7}{18}$

3. Какие из данных чисел являются иррациональными?

5; 1,0303; π ; $\sqrt{2}$; 3,14; $\sqrt{9}$; 2,010010001; 7/8; 1/3?

- а) 5; 1,0303; π ; $\sqrt{2}$; 3,14;
в) $\sqrt{2}$; 3,14; 2,010010001;
с) 5; 1,0303; π ; $\sqrt{2}$; 3,14;
д) π ; 3,14; 2,010010001;
е) π ; $\sqrt{2}$; 7/8; 1/3.

4. Какое из данных выражений не равно $\sqrt{\frac{9}{20}}$

- 1) $\frac{\sqrt{9}}{\sqrt{4}\sqrt{5}}$ 2) $\frac{9}{2\sqrt{5}}$ 3) $\frac{3}{2\sqrt{5}}$ 4) $\frac{3\sqrt{5}}{10}$

5. Период дроби 3,4183183183 равен...

- а) 4183 в) 183 с) 83 д) 18

6. Какое из чисел является иррациональным?

- а) 1,34 в) 3,4(85) с) 5,1011011101111... д) 1560

7. Вычислите

$$\left(1\frac{3}{4} : 1,125 - 1,75 : 0, (6)\right) \cdot 1\frac{5}{7} + 3,8(3)$$

- а) $2 \frac{1}{7}$ в) $1 \frac{1}{7}$ с) $2 \frac{2}{7}$ д) 2

Задания для проведения промежуточной аттестации
Вопросы к экзамену

- 1 Понятие множества, символика, способы задания множеств, числовые множества. Примеры множеств из курса математики начальной школы.
- 2 Понятие взаимно-однозначного соответствия между множествами, равные множества, равносильные множества. Примеры из курса математики начальной школы.
- 3 Множества конечные и бесконечные. Числовые промежутки. Числовые множества N, Q, Z, R .
- 4 Понятие включения множества B во множество A (множество B - подмножество множества A). Свойства включения множеств, иллюстрация кругами Эйлера.
- 5 Операция пересечения множеств, свойства пересечения, иллюстрация кругами Эйлера.
- 6 Операция объединения множеств, свойства объединения, иллюстрация кругами Эйлера. Примеры объединения множеств из курса математики начальной школы.
- 7 Операции разности и дополнения множеств, иллюстрация кругами Эйлера. Удаление части множества на примерах из курса математики начальной школы.
- 8 Декартово произведение двух множеств, свойства, примеры иллюстрации декартова произведения двух множеств на координатной плоскости.
- 9 Понятие высказывания, понятие операции с высказываниями, примеры высказываний из курса математики начальной школы.
- 10 Операции отрицания, конъюнкции, дизъюнкции с высказываниями, свойства операций. Примеры из курса математики начальной школы.
- 11 Понятие одноместного предиката, множество истинности одноместного предиката, примеры из курса математики начальной школы.
- 12 Операции отрицания и дизъюнкции предикатов, множества их истинности, примеры.
- 13 Операция конъюнкции предикатов, множество истинности конъюнкции предикатов, примеры.
- 14 Объем и содержание понятия. Способы определения понятия.
- 15 Аксиомы Д. Пеано для множества натуральных чисел, определение множества N .
- 16 Принцип математической индукции в доказательстве предложений в множестве N , примеры.
- 17 Аксиомы сложения в множестве N , использование аксиом сложения в курсе математики начальной школы.
- 18 Аксиомы умножения в множестве N , использование аксиом умножения в курсе математики начальной школы.
- 19 Понятие натурального числа на теоретико-множественной основе, возможность теоретико-множественного истолкования натурального числа в курсе математики начальной школы, примеры.
- 20 Понятие равенства и неравенства натуральных чисел на теоретико-множественной основе, использование теоретико-множественного истолкования равенства и неравенства натуральных чисел в курсе математики начальной школы.
- 21 Упорядоченность множества натуральных чисел; понятие числа, непосредственно следующего за данным числом. Понятие упорядоченности множества натуральных чисел в курсе математики начальной школы.
- 22 Сложение натуральных чисел (на теоретико-множественной основе), свойства суммы, примеры из курса математики начальной школы.
- 23 Вычитание натуральных чисел, существование и единственность разности двух натуральных чисел; свойства разности, примеры из курса математики начальной школы.
- 24 Операция умножения натуральных чисел (на теоретико-множественной основе), свойства произведения: коммутативность, ассоциативность, дистрибутивность. Использование этих свойств в курсе математики начальной школы.

- 25 Деление натуральных чисел, как операция разложения множества A на n конечных равносильных множеств либо как операция разложения множества A на множества, равносильные данному множеству B . Примеры из курса математики начальной школы.
- 26 Понятие делимости натурального числа a на натуральное число b , свойства антисимметричности и транзитивности отношения деления. Примеры.
- 27 Признаки делимости на числа 2, 3, 5, 9. Примеры.
- 28 Признаки делимости на 7, 11.
- 29 Понятие делителя числа, числа простые и составные. Числа взаимнопростые. Конечное множество делителей натурального числа a . Наличие наименьшего и наибольшего делителя у данного числа a .
- 30 Общие делители двух данных чисел. Наибольший общий делитель двух данных чисел
- 31 Общие делители двух данных чисел. Наибольший общий делитель двух данных чисел:
 а. НОД (a, b), его нахождение с помощью разложения чисел на простые множители.
 б. Примеры нахождения НОД (a, b).
- 32 Свойства НОД (a, b). Нахождение наибольшего общего делителя нескольких чисел, примеры.
- 33 Определение числа a , кратного данному числу b . Существование бесконечного множества чисел, кратных данному числу b . Примеры.
- 34 Общие кратные двух данных чисел. Наименьшее общее кратное двух данных чисел:
 НОК (a, b), его нахождение с помощью разложения чисел на простые множители.
 Примеры нахождения НОК (a, b).
- 35 Общие кратные двух данных чисел. Наименьшее общее кратное двух данных чисел:
 НОК (a, b), его нахождение по формуле:

$$\text{НОК} (a , b) = \frac{a \cdot b}{\text{НОД} (a , b)}$$
- 36 Каноническое разложение числа в произведение простых множителей, нахождение НОД (a, b) через каноническое разложение, примеры.
- 37 Множество простых чисел, теорема Евклида.
- 38 Признак простого числа, решето Эратосфена.
- 39 Понятие рационального неотрицательного числа, множество Q , равенство и неравенство неотрицательных рациональных чисел и свойства. Примеры.
- 40 Сложение чисел в множестве Q , существование и единственность суммы двух неотрицательных рациональных чисел, свойства коммутативности, ассоциативности суммы. Примеры.
- 41 Вычитание чисел в множестве Q , существование и единственность разности двух рациональных неотрицательных чисел.
- 42 Умножение чисел в множестве Q , существование и единственность произведения в Q свойства коммутативности, ассоциативности и дистрибутивности произведения. Примеры.
- 43 Деление чисел в множестве Q , существование и единственность частного двух неотрицательных рациональных чисел.
- 44 Понятие десятичной дроби, приведение десятичных дробей к общему знаменателю, операции с десятичными дробями. Понятие процента. Примеры
- 45 Понятие геометрической фигуры.
- 46 Плоские геометрические фигуры, изучаемые в курсе математики начальной школы: прямая, отрезок, угол, треугольник, квадрат, прямоугольник. Определения и свойства этих фигур, примеры.
- 47 Общее понятие величины. Длина отрезка как величина, измерение длины отрезка. Стандартные единицы измерения длины, соотношения между ними.

- 49 Общее понятие величины. Площадь плоской фигуры как величина. Стандартные единицы измерения площади, соотношения между ними.
- 50 Стандартные единицы измерения объема, соотношения между ними.

Схема соответствия типовых контрольных заданий и оцениваемых знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующих этапы формирования компетенций

<i>№</i>	<i>Формируемая компетенция</i>	<i>Показатели сформированности компетенции</i>	<i>Типовое контрольное задание</i>
<i>1</i>	ОПК-8 Способен осуществлять педагогическую деятельность на основе специальных научных знаний	<i>ОПК-8.1</i>	Вопросы к экзамену Тестовые задания Перечень практических заданий
		<i>ОПК-8.2</i>	Перечень контрольных работ